

Any system of L.C.P.N.E can be written in the form

$$A X = B$$

Coefficient matrix  $A$       unknown Vector  $X$       Constant Vector  $B$

الكل يعتمد على متجه  $B$  المتكاملات  $A$

Case 1 :  $|A| \neq 0$  ( $m=n$ ) الحالة الأولى :

$A$  is square matrix      عدد المتكاملات يساوي عدد المتجهين  
والمتجه لا يساوي صفر

We have unique solution  $X$  for

$$A X = B$$

1- IF  $B = \square$   $\rightarrow X = \square$  (trivial solution) الحل البسيط

2- IF  $B \neq \square$  we have unique solution by 3 ways

- ① Gauss elimination
- ② Gauss - Jordan
- ③ using  $A^{-1}$

$$B \quad X \quad A$$



التاريخ / /

الموضوع:

① Gauss elimination methods:

طريقة الغز لبارس

$$A X = B$$

$$\tilde{A} = \left[ \begin{array}{ccc|c} & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \end{array} \right]$$

augmented matrix : المصفوفة الموسعة

عن طريق عمليات الصفوف على المصفوفة  $\tilde{A}$  ،  $A$  ،  $B$

يحول المصفوفة  $A$  إلى مصفوفة مثلثية أعلى

« العمليات » خصوصاً مع عمود والآخرين

$$\left[ \begin{array}{ccc|c} & & & b_1 \\ & & & b_2 \\ & & & b_3 \\ & & & b_4 \end{array} \right]$$

ثم نعود من الثالث للأول

Ex: Solve the system of linear eqns:

أجعل المصفوفة الأولى

$$x + 2y + 4z = 7$$

والعناصر تحتها صفراً

$$x + 3y - z = 3$$

عن طريق جمع العناصر الصف الثاني

$$2x + 5y - 3z = 4$$

وتجذب الأسفل

$$\tilde{A} = \left[ \begin{array}{ccc|c} 1 & 2 & 4 & 7 \\ 1 & 3 & -1 & 3 \\ 2 & 5 & -3 & 4 \end{array} \right]$$

عند تحويل المصفوفات إلى المصفوفات

يخرج سالبة

$$\xrightarrow{-1} \left[ \begin{array}{ccc|c} 1 & 2 & 4 & 7 \\ 0 & 1 & -5 & -4 \\ 0 & 1 & -11 & -10 \end{array} \right]$$

أما المصفوفة لا يخرج سالبة

وكذلك عند المنزلة في أي رقم

لأننا نضرب طريقة المعادلة

$$B, A$$

لأننا نضرب المعادلة الثانية أو الثالثة

$$\uparrow \left[ \begin{array}{ccc|c} x & y & z & \\ 1 & 2 & 4 & 7 \\ 0 & 1 & -5 & -4 \\ 0 & 0 & -6 & -6 \end{array} \right]$$

$$\begin{array}{c|c|c} -6z = -6 & y - 5z = -4 & x + 2y + 4z = 7 \\ z = +1 & y = 1 & x = 1 \end{array}$$



الموضوع :

التاريخ : / /

② Gauss & Jordan method

$$A X = B$$

$$\tilde{A} = [A : B]$$

Where  $A \rightarrow I$

then  $B \rightarrow X$

طريقة جاردن وجوردن

على طريق عمليات الصفوف

فوصل  $A$  إلى  $I$

فوصل  $B$  إلى  $X$

نحل النظام المعادلات الخطية

والتي نتجت عنها مع طريقة الصفوف

نحل مع طريقة الصفوف

فكرونها بمود مود

ex: Solve

$$x + 2y + 4z = 7$$

$$x + 3y - z = 3$$

$$2x + 5y - 3z = 4$$

$$\xrightarrow{-2} \left( \begin{array}{ccc|c} 1 & 2 & 4 & 7 \\ 1 & 3 & -1 & 3 \\ 2 & 5 & -3 & 4 \end{array} \right)$$

$$\xrightarrow{-1} \left( \begin{array}{ccc|c} 1 & 2 & 4 & 7 \\ 0 & 1 & -5 & -4 \\ 0 & 1 & -11 & -10 \end{array} \right)$$

$$\xrightarrow{-2} \left( \begin{array}{ccc|c} 1 & 2 & 4 & 7 \\ 0 & 1 & -5 & -4 \\ 0 & 0 & -6 & -6 \end{array} \right)$$

$$\xrightarrow{\div 6} \left( \begin{array}{ccc|c} 1 & 0 & 14 & 15 \\ 0 & 1 & -5 & -4 \\ 0 & 0 & -6 & -6 \end{array} \right)$$

$$\xrightarrow{\frac{-14}{5}} \left( \begin{array}{ccc|c} 1 & 0 & 14 & 15 \\ 0 & 1 & -5 & -4 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{array} \right)$$

$$\left( \begin{array}{ccc|c} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{array} \right)$$

$$\begin{array}{c} I \\ Y \\ X \end{array}$$

$$x = 1$$

$$y = 1$$

$$z = 1$$



التاريخ 1-1

الموضوع:

المعادلات الخطية - Jordan and Gauss

$$A^{-1} \rightarrow A X = I$$

$$X = A^{-1}$$

Ex: if  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 1 & 3 & -1 \\ 2 & 5 & -3 \end{pmatrix}$

Find  $A^{-1}$  by Jordan and Gauss

$$\begin{array}{l} \xrightarrow{-1} \\ \xrightarrow{-2} \end{array} \left( \begin{array}{ccc|ccc} 1 & 2 & 4 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 3 & -1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 5 & -3 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{array} \right)$$

$$\begin{array}{l} \xrightarrow{-2} \\ \xrightarrow{-1} \end{array} \left( \begin{array}{ccc|ccc} 1 & 2 & 4 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -5 & 1 & -1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & -11 & 1 & -2 & 0 & 1 \end{array} \right)$$

$$\xrightarrow{-(6)} \left( \begin{array}{ccc|ccc} 1 & 0 & 14 & 1 & 3 & -2 & 0 \\ 0 & 1 & -5 & 1 & -1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -6 & 1 & -1 & -1 & 1 \end{array} \right)$$

$$\xrightarrow{5} \left( \begin{array}{ccc|ccc} 1 & 0 & 14 & 1 & 3 & -2 & 0 \\ 0 & 1 & -5 & 1 & -1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & \frac{1}{6} & \frac{1}{6} & \frac{-1}{6} & \frac{1}{6} \end{array} \right)$$

التاريخ

$$\xrightarrow{-14} \left( \begin{array}{ccc|ccc} 1 & 0 & 14 & 3 & -2 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{1}{\delta} & \frac{11}{\delta} & -\frac{5}{\delta} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{1}{\delta} & \frac{1}{\delta} & -\frac{1}{\delta} \end{array} \right)$$

$$\left( \begin{array}{ccc|ccc} 1 & 0 & 0 & \frac{4}{\delta} & -\frac{2\delta}{\delta} & +\frac{14}{\delta} \\ 0 & 1 & 0 & -\frac{1}{\delta} & \frac{11}{\delta} & -\frac{5}{\delta} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{1}{\delta} & \frac{1}{\delta} & -\frac{1}{\delta} \end{array} \right)$$

$$A^{-1} = \frac{1}{\delta} \begin{pmatrix} 4 & -2\delta & +14 \\ -1 & 11 & -5 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix}$$



التاريخ / /

الموضوع:

③ by using  $A^{-1}$

$$A^{-1} \cdot A \cdot X = A^{-1} \cdot B$$

$$\boxed{X = A^{-1} B}$$

ex: Solve

هذه الطريقة تكون فعالة عند تمثيل  $B$

لا يكون صفها  $B$

$$X = \frac{1}{6} \begin{pmatrix} 4 & -26 & -14 \\ -1 & 11 & -5 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 7 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix}$$

$$= \frac{1}{6} \begin{pmatrix} 6 \\ 6 \\ 6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{array}{ccc|ccc} & & & 1 & 0 & 0 \\ & & & 0 & 1 & 0 \\ & & & 0 & 0 & 1 \end{array} \quad I = A^{-1} \cdot A$$

$$S = (K) P$$